

Argomento: motore Diesel più riduttore a due alberi

Un motore Diesel a quattro tempi che eroga la potenza di 40 kW alla velocità di rotazione di 1800 giri/min aziona una macchina operatrice ruotante a 230 giri/min tramite due coppie di ruote dentate cilindriche. Il candidato, dopo aver scelto eseguito un opportuno schema dell'impianto proposto ed avere adeguatamente assunto ogni altro dato occorrente, determini:

1. le caratteristiche costruttive delle due coppie di ruote dentate;
2. il diametro dell'albero di rinvio (trascurando il peso delle masse ruotanti);
3. il numero e le dimensioni dei cilindri del motore Diesel;
4. il prevedibile consumo di combustibile per un periodo di funzionamento pari a 24 ore.

SOLUZIONE

Schema dell'impianto

Il Tema non dà alcuna indicazione sull'architettura della trasmissione, né sull'interasse tra il primo e il terzo albero; si sa solo che il riduttore è accoppiato con una non precisata macchina operatrice. Facciamo alcune assunzioni:

- La macchina operatrice in questione sia un macchinario industriale. Dalla tabella I.90 del *Manuale di Meccanica* imponiamo una durata $h = 15\,000$ h.
- Il motore sia posizionato nella parte bassa del macchinario, circa a livello del pavimento, per facilitare le operazioni di smontaggio / montaggio.
- Il riduttore si sviluppa nel piano verticale; lo schema comprende quindi il motore M con l'albero n. 1 su cui è calettato il pignone z_1 ; sulla sua verticale è posizionato l'albero intermedio n. 2, di seguito denominato AB, su cui sono calettate la corona z_2 che riceve il moto dal pignone z_1 ed il pignone z_3 . L'albero AB è semplicemente appoggiato con la corona z_2 in prossimità del vincolo sinistro A ed il pignone z_3 in prossimità del vincolo destro B. Sempre sul piano verticale è posizionato l'albero di uscita n. 3 su cui è calettata la corona z_4 che riceve il moto dal pignone z_3 e che trasmette il moto all'organo utilizzatore U . I tre alberi del riduttore sono quindi complanari.
- Il testo non fa menzione di eventuali condizioni di lavoro difficoltose, quali urti, contraccolpi, sovraccarichi, *stop – and – go* più o meno frequenti: di conseguenza si assumerà un fattore di servizio $f_s = 1,1$.
- Dato che il tema è finalizzato al calcolo strutturale della trasmissione, non si terrà conto delle perdite per attrito nei perni e nelle dentature per cui si assumerà il rendimento di trasmissione unitario, consci del fatto che l'errore che si compie è trascurabile.

Soluzione domanda 1)

Calcoli preparatori

Il riduttore è realizzato con due coppie di ruote dentate cilindriche a denti dritti, realizzate in acciaio da bonifica; viste le condizioni impegnative di lavoro e le frequenze di rotazione piuttosto alte, si ritiene opportuno adottare un acciaio debolmente legato da bonifica, caratterizzato da un buon valore della durezza, adatto per sopportare un funzionamento a fatica prolungato. Le ruote verranno realizzate mediante dentatrice a CNC in grado di offrire un'elevata precisione nel taglio dei profili.

Calcolo della velocità angolare del pignone n. 1 lato motore:

$$\omega_1 = \frac{2 \pi n_1}{60} = \frac{2 \times \pi \times 1800}{60} = 188,5 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

Calcolo del rapporto di trasmissione totale, note le frequenze di rotazione del primo e del terzo albero:

$$i_{tot} = \frac{n_1}{n_3} = \frac{1800}{230} = 7,826$$

Si valuta ora la possibilità di avere entrambi i valori dei due rapporti di trasmissione intermedi uguali; ricordando che il rapporto di trasmissione totale i_{tot} è pari al prodotto dei due rapporti di trasmissione intermedi i_1 e i_2 , possiamo imporre:

$$i_1 = i_2 = \sqrt{7,826} = 2,7975 \cong 2,8$$

Si scelgono i numeri di denti; dopo qualche tentativo si trovano due valori comodi da gestire: per il pignone $z_1 = 30$ e per la corona $z_2 = 84$. Gli stessi valori potranno dunque essere usati anche per il pignone z_3 e per la corona z_4 . Dato che i due pignoni sono gemelli, si eseguirà il calcolo del modulo sul pignone n. 3, sicuramente il maggiormente sollecitato.

Calcolo della frequenza di rotazione n_{AB} dell'albero intermedio AB su cui sono montati la corona z_2 e il pignone n. 3, essendo noto il rapporto di trasmissione intermedio:

$$n_{AB} = \frac{n_1}{i_1} = \frac{1800}{2,8} = 643 \frac{\text{giri}}{\text{min}}$$

Calcolo della velocità angolare del suddetto albero intermedio:

$$\omega_{AB} = \frac{2 \pi n_{AB}}{60} = \frac{2 \times \pi \times 643}{60} = 67,32 \frac{\text{rad}}{\text{s}}$$

Ora si calcolano i momenti motori agenti sui tre alberi. Il momento motore erogato dal motore:

$$M_1 = \frac{P}{\omega_1} = \frac{40\,000}{188,5} = 212,2 \text{ N m}$$

Il momento motore M_{AB} agente sull'albero intermedio:

$$M_{AB} = M_1 \times i_1 = 212,2 \times 2,8 = 594,2 \text{ N m} = 594\,200 \text{ N mm}$$

Per completezza, calcoliamo anche la frequenza di rotazione n_3 dell'albero di uscita su cui è montata la corona z_4 e il momento motore M_3 uscente dal suddetto albero ed agente sull'utilizzatore, essendo noto il rapporto di trasmissione intermedio:

$$n_3 = \frac{n_{AB}}{i_2} = \frac{643}{2,8} \cong 230 \frac{\text{giri}}{\text{min}}$$

:

$$M_3 = M_{AB} \times i_2 = 594,2 \times 2,8 = 1663,7 \text{ N m}$$

Calcolo delle ruote dentate

Il dimensionamento della coppia di ruote dentate a denti dritti che costituiscono il riduttore verrà condotto mediante calcolo a usura, seguito dalla verifica a fatica. Il testo non offre indicazioni sul materiale da adottare, per cui si sceglie l'acciaio 42 Cr Mo 4 da bonifica, avente un carico di rottura $R_m = 1100 \div 1200$ N/mm²: si assume come riferimento il valore intermedio pari a 1150 N/mm².

La sua durezza è HV 280, utile per calcolare la pressione ammissibile. Per entrambi gli ingranaggi si conferma la durata $h = 15\,000$ in ore (funzionamento per 8 ore su 24, non continuative), desunta dalla **Tabella I.90** "Valori orientativi delle ore di funzionamento h " riportata sul *Manuale di Meccanica – Hoepli*; con questo dato si ottiene la pressione ammissibile che vale:

$$p_{amm} = 2,45 \frac{HB}{\sqrt[n]{n \times h}} = 2,45 \frac{280}{\sqrt[6]{643 \times 15\,000}} = 2,45 \frac{280}{14,59} = 47,02 \frac{\text{daN}}{\text{mm}^2} \cong 470 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Si calcola il coefficiente C mediante la formula [2.36] del testo, reperibile nel volume 2, UD B2:

$$C = \sqrt[3]{\frac{2 K_1^2}{z_3^2 \sin 2\alpha} \left(1 + \frac{z_3}{z_4}\right)} = \sqrt[3]{\frac{2 \times 378^2}{30^2 \times \sin 40^\circ} \left(1 + \frac{30}{84}\right)} = \sqrt[3]{494 \times 1,357} = 8,752$$

Tale valore è in linea con quanto ricavabile consultando la **Tabella 2.6** nella UD B2 del Volume 2 di testo: infatti, entrando col numero di denti del pignone $z_3 = 30$ e col rapporto di trasmissione $i = 2,75$ si legge $C = 8,77$. Per la prima iterata di calcolo si assume il fattore di velocità f_v pari a 0,55. Si sceglie il fattore di servizio $f_s = 1,1$; il momento corretto $M_{AB,corr}$ vale:

$$M_{AB,corr} = f_s \times M_{AB} = 1,1 \times 594\,200 = 653\,620 \text{ Nmm}$$

Si calcola il modulo mediante la formula [2.35] del testo, reperibile nel volume 2, UD B2, assumendo un valore prudenzialmente alto per il coefficiente λ che definisce la lunghezza del dente in base al modulo: $\lambda = 20$:

$$m = C \sqrt[3]{\frac{M_{AB,corr}}{f_v p_{amm}^2 \lambda}} = 8,752 \sqrt[3]{\frac{653\,620}{0,55 \times 470^2 \times 20}} = 8,752 \sqrt[3]{0,269} = 5,65 \text{ mm}$$

Si arrotonda al valore unificato $m = 6$ mm, cui corrisponde sui pignoni il diametro primitivo $d_1 = d_3$ e sulle corone il diametro primitivo $d_2 = d_4$:

$$\begin{aligned} d_1 &= m z_1 = 6 \times 30 = 180 \text{ mm} \\ d_2 &= m z_2 = 6 \times 84 = 504 \text{ mm} \end{aligned}$$

La velocità periferica v_3 del dente del pignone oggetto del calcolo di progetto, calcolata sul diametro primitivo, vale:

$$v_3 = \omega_{AB} \times \frac{d_3}{2} = 67,32 \times \frac{0,180}{2} = 6,06 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

A fronte di questo valore si entra nell'apposita **tabella 2.7** del testo (volume 2, UD B2) alla voce "dentature precise e indurite" (l'acciaio indicato è da bonifica): entrando col valore $v_3 = 6,06$ m/s e interpolando a sentimento si nota che il valore f_v ad esso corrispondente è inferiore, anche se di poco, al valore prima scelto per la prima iterata. Per prudenza è meglio eseguire una seconda iterata assumendo $f_v = 0,54$:

$$m = C \sqrt[3]{\frac{M_{AB,corr}}{f_v p_{amm}^2 \lambda}} = 8,752 \sqrt[3]{\frac{653\,620}{0,54 \times 470^2 \times 20}} = 8,752 \sqrt[3]{0,274} = 5,7 \text{ mm}$$

Si conferma il valore unificato precedentemente calcolato: $m = 6 \text{ mm}$.

Si esegue ora la verifica a fatica.

Nelle ipotesi che il riduttore operi regolarmente in entrambi i versi di rotazione e che i sovraccarichi siano trascurabili, si assume il grado di sicurezza $g_R = 4$ e con esso si calcola la tensione ammissibile a fatica alterna:

$$\sigma_{amf} = \frac{R_m}{3 g_R} = \frac{1150}{3 \times 4} = 96 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Noto il valore di v_3 si calcola il coefficiente di maggiorazione dinamica del carico, attribuendo al coefficiente empirico A il valore di 5:

$$X_v = \frac{A}{A + v_1} = \frac{5}{5 + 6,06} = 0,452$$

Si ricava il fattore di Lewis dall'apposito abaco riportato nella **Tabella I.88 Coefficienti y di Lewis** sul *Manuale di Meccanica – Hoepli*: per $z = 30$ denti si assume $y = 0,388$. Si verifica il modulo a fatica, valutando la tensione di lavoro mediante la formula di Lewis:

$$\sigma_l = \frac{2 M_{AB,corr}}{m^3 \times X_v \times z \times \lambda \times y} = \frac{2 \times 653\,620}{6^3 \times 0,452 \times 30 \times 20 \times 0,388} \cong 57 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Il valore è accettabile in quanto ampiamente inferiore al valore ammissibile a fatica.

La lunghezza del dente:

$$b = \lambda m = 20 \times 6 = 120 \text{ mm}$$

Soluzione domanda 2)

Calcolo delle forze scambiate tra i denti e definizione dei rispettivi versi

Sulla trave matematica AB si identificano i seguenti punti intermedi di riferimento: il punto C posto sulla mezzeria della corona z_2 ed il punto D posto sulla mezzeria del pignone z_3 . Vengono definite le seguenti quote della trave: dal vincolo A al punto C vi sono 100 mm; dal punto C al punto D vi sono 140 mm; dal punto D al vincolo B vi sono 100 mm. I 100 mm sui due estremi sono ottenuti sommando metà larghezza b del dente + 10 mm di battuta di spallamento + 30 mm alla mezzeria del cuscinetto. I 140 mm intermedi sono ottenuti sommando metà larghezza di entrambi i denti + 20 mm di battuta fra le due ruote dentate. Il pignone n. 1 è posizionato sotto alla corona n. 2 a sua volta calettata sull'albero intermedio AB. La lunghezza totale della campata AB vale quindi 340 mm.

Attraverso i denti in presa il pignone scambia una forza risultante con la propria ruota compagna; tale forza F è inclinata dell'angolo di pressione $\alpha = 20^\circ$ e viene di regola scomposta in due componenti, una tangenziale F_t agente sul piano orizzontale ed una radiale F_r agente sul piano verticale, come raffigurato nella **Figura 2.24** del testo, all'UD B2 del volume 2. Esse valgono rispettivamente:

$$F_{t,12} = 2 \frac{M_{AB}}{d_2} = \frac{2 \times 594\,200}{504} = 2358 \text{ N}$$

$$F_{r,12} = F_{t,12} \times \tan \alpha = 2358 \times \tan 20^\circ = 858,2 \text{ N}$$

$$F_{t,34} = 2 \frac{M_{AB}}{d_3} = \frac{2 \times 594\,200}{180} = 6602,2 \text{ N}$$

$$F_{r,34} = F_{t,34} \times \operatorname{tg} \alpha = 6602,2 \times \operatorname{tg} 20^\circ = 2403 \text{ N}$$

Attribuendo al motore il verso di rotazione orario e applicando le suddette quattro forze nei rispettivi punti di tangenza dei cerchi primitivi, si ha che:

- le forze tangenziali F_t agenti sul piano orizzontale sono orientate verso destra, per un osservatore posto dalla parte dell'utilizzatore;
- le forze verticali F_r agenti sul piano verticale sono orientate come segue: la $F_{r,12}$ verso l'alto, la $F_{r,34}$ verso il basso.

Si noti come, eseguendo un'equazione di equilibrio dei momenti assiali sull'albero AB, le due forze tangenziali generano due momenti torcenti uguali e opposti: si conferma la correttezza dei versi scelti, dato che l'albero risulta in equilibrio.

Calcolo delle reazioni vincolari

Si calcolano le reazioni vincolari nel **piano verticale**. Si ricorda che la trave matematica AB presenta le due forze verticali $F_{r,12}$ verso l'alto ed $F_{r,34}$ verso il basso; si calcolano le reazioni vincolari nel piano verticale, V_A in A e V_B in B entrambe orientate verso l'alto, tramite un'equazione di momento nel vincolo A, assumendo positivo il verso antiorario:

$$V_B(100 + 140 + 100) - F_{r,34}(100 + 140) + F_{r,12}(100) = 0$$

La reazione V_B :

$$V_B = \frac{2403 \times 240 - 858,2 \times 100}{340} = 1443,8 \text{ N}$$

Si esegue ora un'equazione di proiezione verticale verso l'alto:

$$V_A + V_B + F_{r,12} - F_{r,34} = 0$$

$$V_A = F_{r,34} - F_{r,12} - V_B = 2403 - 858,2 - 1443,8 = 101 \text{ N}$$

Si calcolano le reazioni vincolari nel **piano orizzontale**. Dato che la trave matematica AB presenta le due forze orizzontali $F_{t,12}$ ed $F_{t,34}$ entrambe col medesimo verso, si calcolano le reazioni vincolari nel piano orizzontale H_A e H_B orientandole sul disegno col verso opposto a quello delle due forze attive anzidette. Si esegue un'equazione di momento nel vincolo A, assumendo positivo il verso antiorario:

$$-H_B \times 340 + F_{t,34} \times 240 + F_{t,12} \times 100 = 0$$

La reazione H_B :

$$H_B = \frac{6602,2 \times 240 + 2358 \times 100}{340} = 5354 \text{ N}$$

Si esegue ora un'equazione di proiezione verticale verso il basso:

$$H_A + H_B - F_{t,12} - F_{t,34} = 0$$

$$H_A = F_{t,34} + F_{t,12} - H_B = 6602,2 + 2358 - 5354 = 3606,2 \text{ N}$$

Calcolo delle caratteristiche di sollecitazione nel PV

Lo schema di calcolo e la convenzione sui segni sono quelli riportati nella **figura H.94** sul *Manuale di Meccanica – Hoepli*. Si parte dal vincolo sinistro A, esplorando la trave muovendosi verso destra lungo

l'ascissa curvilinea z . Dovendo pervenire in conclusione al momento flettente ideale, si esegue unicamente il calcolo del momento flettente, trascurando il taglio ed il suo diagramma. Nel primo tratto, da A a C:

$$\begin{aligned}M - V_A z &= 0 \\M &= V_A z = 101 z\end{aligned}$$

per $z = 0$ (punto A), $M = 0$; per $z = 100 \text{ mm} = 0,1 \text{ m}$ (punto C), si ha $M = 10,1 \text{ N m}$.

Secondo tratto, da C a D:

$$M - V_A (100 + z) - F_{r,12} z = 0$$

$$M = V_A (100 + z) + F_{r,12} z = 101 \times 100 + 101 z + 858,2 z = 10100 + 959,2 z$$

per $z = 0$ (punto C), $M = 10100 \text{ N mm}$; per $z = 140 \text{ mm}$ (punto D):

$$M = 10100 + 959,2 \times 140 = 144388 \text{ N mm} = 144,4 \text{ Nm}$$

Il diagramma di momento nel PV è positivo, quindi il suo grafico è orientato verso il basso; è formato da tre segmenti, due decrescenti fino al punto di massimo nel punto D e uno crescente. Il valore dei momenti alle due estremità è ovviamente zero.

Calcolo delle caratteristiche di sollecitazione nel PO

Si parte dal vincolo sinistro A, esplorando la trave muovendosi verso destra, con l'ascissa curvilinea z ; primo tratto da A a C:

$$\begin{aligned}M + H_A z &= 0 \\M &= -H_A z = -3606,2 z\end{aligned}$$

per $z = 0$ (punto A), $M = 0$; per $z = 100 \text{ mm}$ (punto C), $M = -360620 \text{ N mm} = -360,62 \text{ N m}$.

Secondo tratto, da C a D:

$$M + H_A (100 + z) - F_{t,12} z = 0$$

$$M = F_{t,12} z - H_A (100 + z) = F_{t,12} z - H_A \times 100 - H_A z = 2358 z - 3606,2 z - 360620$$

$$M = -1248,2 z - 360620$$

per $z = 0$ (punto C), $M = -360620 \text{ N mm}$; per $z = 140 \text{ mm}$ (punto D):

$$M = -1248,2 \times 140 - 360620 = -535368 \text{ N mm} \cong -535,4 \text{ Nm}$$

Il diagramma di momento nel PO è costantemente negativo: ciò è corretto, dovendo il diagramma giacere nel semipiano contenente gli estradossi. Esso risulta quindi formato da tre segmenti, due crescenti e il destro decrescente.

Dimensionamento dell'albero

Il **momento flettente massimo** si ha in corrispondenza del pignone destro. La risultante $M_{f,MAX}$ dei due momenti massimi perpendicolari fra di loro vale:

$$M_{f,MAX} = \sqrt{144,4^2 + 535,4^2} = 554,53 \text{ Nm}$$

Si calcola il momento flettente ideale nella sezione in corrispondenza del punto D:

$$M_{f,id} = \sqrt{M_{f,MAX}^2 + 0,75 \times M_t^2} = \sqrt{554,53^2 + 0,75 \times 594,2^2} = 756,5 \text{ N m}$$

Per la costruzione dell'albero si sceglie l'acciaio da bonifica C 50 la cui tensione di rottura è $R_m \approx 720 \text{ N/mm}^2$, valore circa intermedio fra i due estremi letti nella terza colonna della **tabella F.34** del *Manuale di Meccanica – Hoepli*.

Dalla **tabella H.9** del *Manuale di Meccanica – Hoepli* si assume il grado di sicurezza a rottura $g_R = 2,8$. La tensione ammissibile statica vale:

$$\sigma_{ams} = \frac{R_m}{g_R} = \frac{720}{2,8} = 257 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

La tensione ammissibile σ_{amf} a fatica alterna vale:

$$\sigma_{amf} = \frac{\sigma_{ams}}{3} = \frac{257}{3} = 85,7 \frac{\text{N}}{\text{mm}^2}$$

Si applica la formula di Navier per ottenere il modulo resistente a flessione, che vale:

$$W_f = \frac{M_{f,id}}{\sigma_{amf}} = \frac{756\,500}{85,7} = 8827,3 \text{ mm}^3$$

Si passa infine alla determinazione del diametro nel tratto centrale/destro dell'albero:

$$d = \sqrt[3]{\frac{32 W_f}{\pi}} = \sqrt[3]{\frac{32 \times 8827,3}{\pi}} = \sqrt[3]{89\,914} = 44,8 \text{ mm}$$

Si caletta il mozzo della ruota dentata sull'albero mediante una linguetta, reperibile sulla **Tabella I.26** *Linguette UNI 6604 (Manuale di Meccanica - Hoepli)*; la profondità della cava vale $t_1 = 6 \text{ mm}$. Pertanto il diametro utile sarà:

$$d_u = 44,8 + 6 = 50,8 \text{ mm}$$

In base alla **Tabella E.5** *Dimensioni lineari nominali per organi meccanici (Manuale di Meccanica - Hoepli)*, il valore più prossimo di arrotondamento è presente nella serie di Renard R20 e vale 56 mm. Ciò permette di adottare cuscinetti radiali a una corona di sfere aventi diametro interno di 50 mm.

Soluzione domanda 3)

Calcolo della cilindrata del motore

La terza domanda chiede di definire il numero e le dimensioni dei cilindri del motore. È indispensabile assumere alcuni dati di partenza; a tale scopo ci si riferisce a quanto riportato sul *Manuale di Meccanica – Hoepli* alla **pagina R-103**. Si assume un valore prudenziale per la *pressione media effettiva*:

$$p_{me} = 0,9 \text{ Mpa} = 9 \text{ bar}$$

Con questo dato e nota la potenza effettiva del motore data dal testo, grazie alla 5° formula di **pagina R-109** (op. cit.) risulta immediato risalire alla cilindrata V in centimetri cubi:

$$V = \frac{300 h \times P_{eff}}{p_{me} \times n} = \frac{300 \times 4 \times 40}{9 \times 1800} = 2,963 \text{ dm}^3 \cong 3000 \text{ cc}$$

Si tratta di un motore poco sfruttato, avendo come obiettivi primari la durata e l'affidabilità.

Calcolo dell'alesaggio A e della corsa C

Si assumono altri dati: il motore sia un 6 cilindri in linea a corsa lunga avente il rapporto $C/A = 1,1$. La formula della cilindrata:

$$V = i \frac{\pi}{4} A^2 C$$

Si inserisce il rapporto $C/A = 1,1$:

$$V = i \frac{\pi}{4} A^2 \times 1,1 A = 1,1 \frac{\pi}{4} i A^3$$

$$A = \sqrt[3]{\frac{4 V}{\pi 1,1 i}} = \sqrt[3]{\frac{4 \times 2963}{\pi 1,1 \times 6}} = \sqrt[3]{571,6} = 8,3 \text{ cm}$$

$$C = 1,1 A = 1,1 \times 8,3 = 9,13 \text{ cm}$$

La velocità media dello stantuffo:

$$v_m = 2 C n = 2 \times 9,13 \times 10^{-2} \times \frac{1800}{60} \cong 5,5 \frac{\text{m}}{\text{s}}$$

La velocità media risulta decisamente bassa, a tutto favore dell'affidabilità e della durata: pertanto il valore è ampiamente accettabile.

Soluzione domanda 4)

Calcolo del consumo di combustibile

Il testo chiede di eseguire un preventivo dei consumi a fronte di un funzionamento continuativo di 24 ore. A tale scopo si assume, sempre riferendosi ai dati riportati sul *Manuale di Meccanica – Hoepli* alla **pagina R-103**, un valore adeguato ma prudenziale per il consumo specifico. Si sceglie $c_s = 220 \text{ g/(kWh)}$. Con questo dato si richiama la definizione stessa di consumo specifico: esso è pari al rapporto tra la portata di gasolio G_c ed il prodotto tra potenza e tempo; la formula da usare è la seguente:

$$G_c = c_s \times P_{eff} \times t = 220 \times 40 \times 24 = 211\,200 \text{ g} = 211,2 \text{ kg}$$

Verifichiamo il conguaglio dimensionale:

$$[G_c] = \left[\frac{\text{g}}{\text{kW h}} \right] \times [\text{kW}] \times [\text{h}] = [\text{g}]$$

Si fissa la massa volumica del gasolio: $\rho = 0,835 \text{ kg/l}$ e si calcola la portata volumica G_v giornaliera in litri:

$$G_v = \frac{G_c}{\rho} = \frac{211,2}{0,835} \cong 253 \text{ litri}$$

Impostando un costo al litro di 1,82 €/l si ottiene il costo complessivo del gasolio, avendo ipotizzato di acquistarlo alla pompa:

$$\text{Costo giornaliero} = 253 \times 1,82 \cong 460 \text{ €}$$